

Ist $\mu=E(X)$ immer die Maximalstelle k_{\max} der Binomialverteilung ?

Natürlich nicht, denn μ ist meist keine natürliche Zahl, die Maximalstelle ist jedoch immer eine.

Vielleicht könnte man μ runden auf die nächste natürliche Zahl ?

Aber auch hier gibt es Fälle, in denen $\text{round}(\mu)$ nicht gleich der Maximalstelle ist.

Beispiele hierfür:

1) $n=25$ und $p=0,025$.

Es ist hier $\mu=0,625$ und somit $\text{round}(\mu)=1$.

Betrachtet man $P(X=0)=0,53$ sowie $P(X=1)=0,34$ etc., so findet man die Maximalstelle bei $k=0$.

2) $n=70$ und $p=0,01$.

Es ist hier $\mu=0,7$ und somit $\text{round}(\mu)=1$.

Betrachtet man $P(X=0)=0,49$ sowie $P(X=1)=0,35$ etc., so findet man die Maximalstelle bei $k=0$.

3) $n=660$ und $p=0,01$.

Es ist hier $\mu=6,6$ und somit $\text{round}(\mu)=7$.

Betrachtet man $P(X=5)=0,14$ sowie $P(X=6)=0,16$ etc., so findet man die Maximalstelle bei $k=6$.

Immer wird hier der Nachkommateil von μ abgeschnitten, so dass sich k_{\max} ergibt !

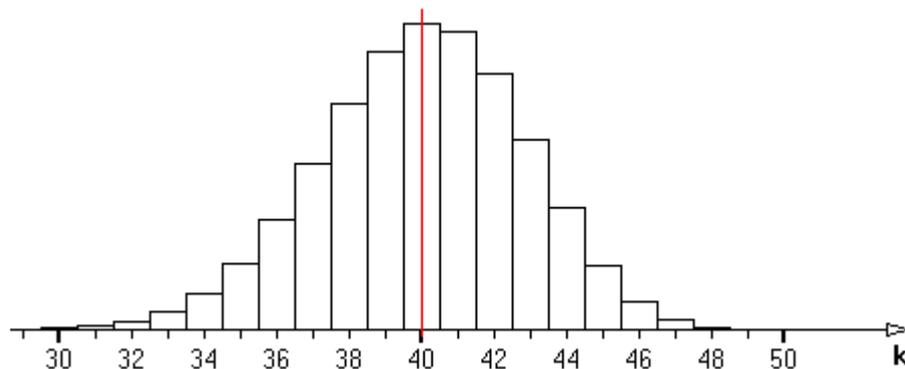
Es gilt $\mu = \text{trunc}(k_{\max})$ trunc ist eine Kurzform von "to truncate" = abschneiden

Zusammenfassend lässt sich sagen:

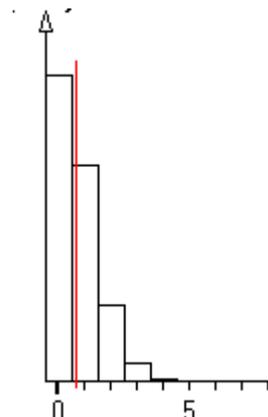
Die Maximalstelle der Binomialverteilung ist entweder μ oder $\text{round}(\mu)$ oder $\text{trunc}(\mu)$

Grafiken mit den 3 Möglichkeiten (μ ist jeweils markiert):

1) $n = 50$; $p = 0,8$ Hier ist $\mu = k_{\max}$



2) $n = 70$; $p = 0,01$ Hier ist $\mu = \text{trunc}(k_{\max})$



3) $n = 12$; $p = 0,7$ Hier ist $\mu = \text{round}(k_{\max})$

